

Práctico 2: Resultados

1. (a) $(1+i)^2 = 2i$, $|(1+i)^2| = 2$; $1/(1+i) = (1-i)/2$, $|1/(1+i)| = \sqrt{2}$; $(1+i)/(1-2i) = (-3+3i)/5$, $(1+i)/(1-2i) = 3\sqrt{2}/5$; $i^5 + i^{16} = i + 1$, $|i^5 + i^{16}| = \sqrt{2}$.

(b) $|z| < 1$: bola abierta de centro $(0, 0)$ y radio 1; $z + \bar{z} = 1$: recta $x = 1/2$; $|z - 1| = |z + 1|$, eje Oy ; $|z - i| + |z + i| = 4$, elipse de focos i y $-i$, eje mayor 2, eje menor $\sqrt{3}$.

2. (b) Un polinomio de grado n puede tener $n - 2k$ raíces, con $k = 1, \dots, [n/2]$.

4. Todos los límites son cero.

6.

$$\lim_{(x,y) \rightarrow (1,2)} \frac{x^2 + xy + 1}{x^2 - x - y} = 0, \quad \lim_{(x,y) \rightarrow (0,0)} x y \log |y| = 0, \quad \lim_{(x,y) \rightarrow (1,1)} \frac{x^2 + xy - 2y^2}{x^2 - y^2} = \frac{3}{2}$$

$$\lim_{(x,y) \rightarrow (0,0)} \frac{x^3 + y^3}{x^2 + y^2} = 0; \quad \lim_{(x,y) \rightarrow (0,0)} \frac{e^{x-y} - 1}{x^2 - y^2} \text{ no existe} \quad \lim_{(x,y) \rightarrow (0,0)} \frac{\log(1 + x^2 + y^2)}{x^2 + y^2 + x^3 y} = 1.$$

7*. (c) Dan todos cero.

10. La primer función está definida y es continua en todo \mathbb{R}^2 . La segunda y tercera están definidas y son continuas en $\mathbb{R}^2 \setminus \{(0,0)\}$.

5.¹ La función es continua en todo \mathbb{R}^2 .

17. El recíproco es falso.

¹Hay un error en la numeración