

Grafos de Johnson, grafos polares duales, Algebra de Norton y Marcos ajustados.

F. Levstein, C. Maldonado and D. Penazzi
FaMAF, Universidad Nacional de Córdoba, Argentina
cmaldona@mate.uncor.edu

Sea $G = (X, E)$ un grafo finito, d la distancia en el grafo y $\mathbb{R}^X = \{f : X \mapsto \mathbb{R}\}$,

denotamos por \mathcal{L} al operador:

$$\mathcal{L}(f)(x) = \sum_{y:d(x,y)=1} f(y)$$

\mathcal{L} es simétrico con respecto al producto interno:

$$\langle f, g \rangle = \sum_{x \in X} f(x)g(x), \quad f(x), g(x) \in \mathbb{R}^X$$

entonces \mathbb{R}^X se descompone en autoespacios ortogonales: $\mathbb{R}^X = \oplus_{\lambda} V_{\lambda}$.

Bajo ciertas hipótesis en cada V_{λ} es posible definir una estructura de algebra de Norton de la siguiente manera: $f \star g = \pi_{\lambda}(f.g)$; donde $f, g \in V_{\lambda}$, π_{λ} es la proyección ortogonal y $(f.g)(x) = f(x)g(x)$.

En este trabajo consideramos el álgebra de Norton asociada a los grafos de Johnson y a los grafos polares duales. Describimos una construcción de un conjunto de generadores, de V_{λ} , que resultan ser marcos ajustados para dicho autoespacio y para los cuales el producto del álgebra de Norton tiene una expansión sencilla.